## Prof. Dr.-Ing. Rainer Ose

# Elektrotechnik für Ingenieure – Grundlagen – 4. Auflage, 2008



### Lösung der Übungsaufgabe ÜA\_1\_3.3.B:

#### • Schaltung umzeichnen:

Die Schaltung sollte so umgezeichnet werden, dass alle Widerstände rechts von der Quelle positioniert sind. Es entstehen zwei Widerstandsdreiecke mit  $(R_2 - R_4 - R_1)$  und  $(R_5 - R_3 - R_7)$ , die in zwei Widerstandssterne transformiert werden können (rote Linien). Da alle Dreieckswiderstände gleich groß sind (R), sind auch die Sternwiderstände gleich:  $R_* = R \triangle / 3$  (vgl. Abschn. 4.4).

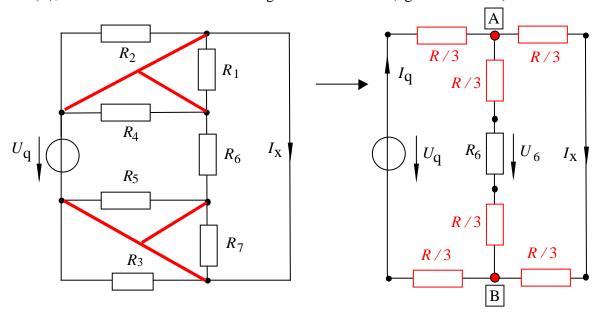
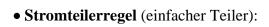


Bild ÜA\_1\_3.3.B\_1: Umgezeichnete Schaltung (links) und transformierte Schaltung (rechts)

#### • Spannungsteilerregel (doppelter Teiler):

$$\frac{U_6}{U_q} = \frac{U_6}{U_{AB}} \cdot \frac{U_{AB}}{U_q} = \frac{R}{R + \frac{R}{3} + \frac{R}{3}} \cdot \frac{\left(R + \frac{R}{3} + \frac{R}{3}\right) / \left(\frac{R}{3} + \frac{R}{3}\right)}{\frac{R}{3} + \frac{R}{3} + \left(R + \frac{R}{3} + \frac{R}{3}\right) / \left(\frac{R}{3} + \frac{R}{3}\right)}$$

$$\frac{U_6}{U_q} = \frac{3}{5} \cdot \frac{10}{24} = \frac{30}{120} = \frac{1}{4}$$



$$\frac{I_{x}}{I_{q}} = \frac{\frac{R}{3} + R + \frac{R}{3}}{\frac{R}{3} + R + \frac{R}{3} + \frac{R}{3} + \frac{R}{3}} = \frac{\frac{5}{3}}{\frac{7}{3}} = \frac{5}{7}$$

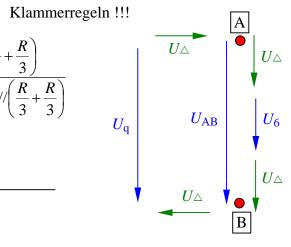
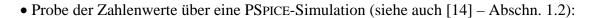
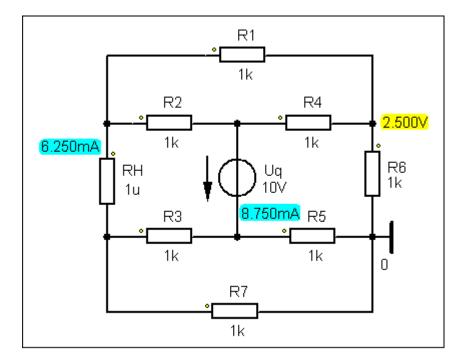


Bild ÜA\_1\_3.3.B\_2: Anwendung der Spannungsteilerregel





#### Gewählte BE-Werte:

$$U_{\rm q} = 10 \text{ V}$$
 alle  $R = 1 \text{ k}\Omega$ 

Zur Messung des Stromes  $I_x$  muss ein Hilfswiderstand eingeführt werden:

$$R_{\rm H} = 1 \ \mu\Omega << R$$

Arbeitspunkt-Analyse (DC-Analyse)

Bild ÜA\_1\_3.3.B\_3: Simulationsschaltung mit der Ergebnissen einer DC-Analyse

$$\frac{U_6}{U_q} = \frac{2.5 \text{ V}}{10 \text{ V}} = \frac{1}{4}$$
  $\Rightarrow$  Probe stimmt!

$$\frac{I_{\rm X}}{I_{\rm q}} = \frac{6,25 \text{ mA}}{8,75 \text{ mA}} = \frac{5}{7} \implies \text{Probe stimmt !}$$

Ende dieser Lösung