



Lösung der Übungsaufgabe ÜA_3_18.4.D:

Zu a) • **Verbraucher-Strangströme:**

$$\underline{I}_{12} = \frac{\underline{U}_{12}}{R_1 + jX_2} = 2,83 \text{ A} \cdot e^{-j15^\circ} = 2,73 \text{ A} - j0,73 \text{ A}$$

$$\underline{I}_{23} = \frac{\underline{U}_{23}}{R_4 // jX_3} = 2,83 \text{ A} \cdot e^{-j45^\circ} = 2 \text{ A} - j2 \text{ A}$$

$$\underline{I}_{31} = \frac{\underline{U}_{31}}{R_5} = 4 \text{ A} \cdot e^{j150^\circ} = -3,46 \text{ A} + j2 \text{ A}$$

Beachte:

$$j X_3 = -j |X_3|$$

• **Berechnung der Leiterströme aus den Verbraucher-Strangströmen:**

$$\underline{I}_1 = \underline{I}_{12} - \underline{I}_{31} = 6,77 \text{ A} \cdot e^{-j24^\circ}$$

$$\underline{I}_2 = \underline{I}_{23} - \underline{I}_{12} = 1,46 \text{ A} \cdot e^{-j120^\circ}$$

$$\underline{I}_3 = \underline{I}_{31} - \underline{I}_{23} = 6,77 \text{ A} \cdot e^{j144^\circ}$$

• **Aron-Schaltung (Bezugsphase L1):**

$$P_A = |\underline{U}_{21}| \cdot |\underline{I}_2| \cdot \cos(-150^\circ + 120^\circ) = 507 \text{ W}$$

$$P_B = |\underline{U}_{31}| \cdot |\underline{I}_3| \cdot \cos(150^\circ - 144^\circ) = 2693 \text{ W} \quad \Rightarrow \quad \Sigma P = 3200 \text{ W}$$

• **Komplexe Leistungen der drei Verbraucherstränge:**

$$\underline{S}_{12} = \underline{U}_{12} \cdot \underline{I}_{12}^* = 800 \text{ W} + j800 \text{ var}$$

$$\underline{S}_{23} = \underline{U}_{23} \cdot \underline{I}_{23}^* = 800 \text{ W} - j800 \text{ var}$$

$$\underline{S}_{31} = \underline{U}_{31} \cdot \underline{I}_{31}^* = 1600 \text{ W} + j0 \text{ var} \quad \Rightarrow \quad \Sigma P = 3200 \text{ W}$$

$$\text{Zu b) } \underline{Z}_{\text{Last}} = R_4 // jX_3 // (R_1 + R_5 + jX_2) = 2R // (-j2R) // (2R + jR) = 100\Omega - j33,3\bar{\Omega}$$

$$\underline{I}_2 = \frac{\underline{U}_{23}}{\underline{Z}_{\text{Last}}} = 3,8 \text{ A} \cdot e^{-j72^\circ} \quad \Rightarrow \quad \underline{S}_{\text{Last}} = 1446 \text{ W} - j470 \text{ var}$$

Fortsetzung der Berechnung von ÜA_3_18.4.D als Zusatzaufgabe

Berechnen Sie alle eventuell noch fehlenden Ströme sowie die Leistungen aller eventuell noch nicht ermittelten Leistungen (ARON-Schaltung mit allen drei Bezugsphasen, komplexe Leistungen der drei Verbraucherstränge, komplexe Leistungen der drei Generatorstränge mit allen denkbaren Proben).

Die nachfolgende Tabelle gibt Ihnen die Zahlenwerte der Lösungen mit PC-Genauigkeit an. Alle angegebenen Zwischenwerte sind entsprechend gerundet.

Eingabe der komplexen Lastwiderstände:

$\underline{Z}_{12} = 100 \Omega + j 100 \Omega; \quad \underline{Z}_{23} = 100 \Omega - j 100 \Omega; \quad \underline{Z}_{31} = 100 \Omega + j 0$

Tabelle ÜA_3_18.4.D_1: Lösungsübersicht zur ÜA_3_18.4.D

$2,732 - j 0,732$	$2 - j 2$	$-3,464 + j 2$	\underline{I}_S (KF) in A
2,828	2,828	4	\underline{I}_S (Beträge) in A
$- 15^\circ$	$- 45^\circ$	150°	\underline{I}_S (Winkel)
$6,196 - j 2,732$	$- 0,732 - j 1,268$	$- 5,464 + j 4$	\underline{I}_L (KF) in A
6,772	1,464	6,772	\underline{I}_L (Beträge) in A
$- 23,8^\circ$	$- 120^\circ$	$143,8^\circ$	\underline{I}_L (Winkel)
507,18	2692,82	3200	ARON (L1) in W
1600	1600	3200	ARON (L2) in W
2692,82	507,18	3200	ARON (L3) in W
$800 + j 800$	$800 - j 800$	$1600 + j 0$	\underline{S} (Verbr.) in V·A
3200	0		$\Sigma \underline{S}$ (V) = $P_V + j Q_V$
$1430,94 + j 630,94$	$338,12 - j 0$	$1430,94 - j 630,94$	\underline{S} (Gener.) in V·A
3200	0		$\Sigma \underline{S}$ (G) = $P_G + j Q_G$

Tabelle ÜA_3_18.4.D_2: Legende zur Tabelle ÜA_3_18.4.D_1

\underline{I}_{12} (KF) in A	\underline{I}_{23} (KF) in A	\underline{I}_{31} (KF) in A
$ \underline{I}_{12} $ in A	$ \underline{I}_{23} $ in A	$ \underline{I}_{31} $ in A
\underline{I}_{12} (Nullphasenwinkel)	\underline{I}_{23} (Nullphasenwinkel)	\underline{I}_{31} (Nullphasenwinkel)
\underline{I}_1 (KF) in A	\underline{I}_2 (KF) in A	\underline{I}_3 (KF) in A
$ \underline{I}_1 $ in A	$ \underline{I}_2 $ in A	$ \underline{I}_3 $ in A
\underline{I}_1 (Nullphasenwinkel)	\underline{I}_2 (Nullphasenwinkel)	\underline{I}_3 (Nullphasenwinkel)
P_{A1} ARON (L1) in W	P_{B1} ARON (L1) in W	$\Sigma P_1 = P_{A1} + P_{B1}$
P_{A2} ARON (L2) in W	P_{B2} ARON (L2) in W	$\Sigma P_2 = P_{A2} + P_{B2}$
P_{A3} ARON (L3) in W	P_{B3} ARON (L3) in W	$\Sigma P_3 = P_{A3} + P_{B3}$
\underline{S}_{12} (KF) in V·A	\underline{S}_{23} (KF) in V·A	\underline{S}_{31} (KF) in V·A
ΣP_V in W	ΣQ_V in var	
\underline{S}_{1M} (KF) in V·A	\underline{S}_{2M} (KF) in V·A	\underline{S}_{3M} (KF) in V·A
ΣP_G in W	ΣQ_G in var	